

# 1. FYZIKÁLNÍ ZÁKLADY ŠÍŘENÍ TEPLA

## 1.1 Veličiny, symboly, jednotky

### Teplota, teplotní rozdíl

$\vartheta$ .....	teplota	$^{\circ}\text{C}$ .....	stupeň Celsia
$\Theta$ .....	termodynamická teplota	K .....	kelvin
$\Delta\vartheta = \vartheta_2 - \vartheta_1$ .....	teplotní rozdíl	$^{\circ}\text{C}, \text{K}$	
$\Delta\Theta = \Theta_2 - \Theta_1$ .....	teplotní rozdíl	$^{\circ}\text{C}, \text{K}$	

Teplota i teplotní rozdíl jsou skalární veličiny. Teplotní pole je pole skalární. Vztahy mezi teplotami :

$$^{\circ}\text{C} + 273.15 = \text{K}$$

### Teplo

Q .....	teplo	J .....	joule
---------	-------	---------	-------

Teplo je forma energie. Vztahy mezi jednotkami :

jednotka	J	Wh	cal	kpm	erg
J	1	$2.778 \cdot 10^{-4}$	0.239	0.102	$10^7$
Wh	3600	1	860	367.1	$3.6 \cdot 10^{10}$
cal	4.186	$1.163 \cdot 10^{-3}$	1	0.427	$4.186 \cdot 10^7$
kpm	9.807	$2.724 \cdot 10^{-3}$	2.343	1	$9.807 \cdot 10^7$
erg	$10^{-7}$	$2.778 \cdot 10^{-11}$	$2.389 \cdot 10^{-8}$	$1.020 \cdot 10^{-8}$	1

### Tepelná kapacita (akumulované teplo)

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\vartheta \quad (\text{J}; \text{kg}, \text{J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}, \text{K})$$

m .....	hmotnost tělesa
c .....	měrná tepelná kapacita (měrné teplo)
$\Delta\vartheta$ .....	teplotní rozdíl

### Měrná tepelná kapacita

c .....	měrná tepelná kapacita ( $\text{J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ )
---------	--

Vztahy mezi jednotkami :

jednotka	$\text{J}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$\text{kJ}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$\text{cal}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$\text{kcal}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$
$\text{J}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	1	$10^{-3}$	0.2389	$0.2389\cdot 10^{-3}$
$\text{kJ}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$10^3$	1	238.9	0.2389
$\text{cal}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	4.186	$4.186\cdot 10^{-3}$	1	$10^{-3}$
$\text{kcal}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	4186	4.186	$10^3$	1

### Tepelný výkon

Tepelný výkon je teplo za jednotku času. Je to skalár.

P ..... tepelný výkon                      W ..... watt

### Hustota tepelného toku

Hustota tepelného toku je tepelný výkon na jednotkovou plochu. Je to vektor - má směr daný normálou na uvažovaný plošný element  $dA$ .

q ..... hustota tepelného toku ( $\text{W}\cdot\text{m}^{-2}$ )

$$q = dP / dA$$

#### **Příklad 1 :**

Kolik kcal / hod je 10 W ?

#### **Řešení :**

$$10 \text{ (W)} = 10 \text{ (J/s)} = 10\cdot 3600 / 4186 \text{ (kcal/hod)} = 8.6 \text{ (kcal/hod)}$$

#### **Příklad 2 :**

Kolik cal odpovídá hodnota 5 Wh ?

#### **Řešení :**

$$5 \text{ (Wh)} = 5/3600 \text{ (W/s)} = 5/3600\cdot\text{cal}/4.186 = 4300 \text{ (cal)}$$

#### **Příklad 3 :**

Jaký bude měrný odpor hliníku v  $\Omega\cdot\text{m}$ , je-li v  $\Omega\cdot\text{mm}^2/\text{m}$  roven hodnotě 0.03 ?

$$(3\cdot 10^{-8} \Omega\cdot\text{m})$$

#### **Příklad 4 :**

Jaká bude proudová hustota v  $\text{A}/\text{m}^2$ , je-li v  $\text{A}/\text{mm}^2$  rovna hodnotě 5 ?

$$(5\cdot 10^6 \text{ A}/\text{m}^2)$$

#### **Příklad 5 :**

Kolika kpm odpovídá hodnota 3 cal ?

$$(1.278 \text{ kpm})$$

### 1.1.1 Vztah mezi tepelnou a mechanickou energií

Pro praxi je dobré si uvědomit, jak poměrně značná mechanická práce přísluší tepelné energii o velikosti jedné kilokalorie. Dokumentovat to budou následující příklady :

#### Příklad 1 :

Kolik cementu by bylo možné naložit na 2m vysoké nákladní auto pomocí energie potřebné pro ohřev 1 litru vody o 20 °C ? Účinnost nakládání je  $\eta =$  a) 100 %  
b) 50 %

#### Řešení :

Potřebná tepelná energie :

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta\vartheta = 1 \cdot 4.186 \cdot 10^3 \cdot 20 = 8.372 \cdot 10^4 \text{ J}$$

Energie potřebná pro nakládání :

$$W = m \cdot g \cdot h / \eta$$

g ..... tíhové zrychlení  
h ..... výška nakládání  
 $\eta$  ..... účinnost nakládání

Z rovnosti  $Q = W$  určíme hmotnost nákladu :

$$\text{a) } m = Q \cdot \eta / ( g \cdot h ) = 8.372 \cdot 10^4 \cdot 1 / ( 2 \cdot 9.806 ) = 4.267 \cdot 10^3 \text{ kg}$$

$$\text{b) } m = 8.372 \cdot 10^4 \cdot 0.5 / ( 2 \cdot 9.806 ) = 2.134 \cdot 10^3 \text{ kg}$$

Z výsledků je patrné, že energie potřebná k uvaření několika šálků čaje by stačila pro naložení několika desítek centů cementu na auto nebo vagón.

#### Příklad 2 :

Kolikrát je energeticky náročnější litr teplé vody z vodovodu než litr vody studené ? Obě vody se čerpají ze stejného zdroje o teplotě  $\vartheta_1 = 10$  °C do výše  $h = 100$  m. Voda studená se odebírá v místě spotřeby přímo, voda teplá se ohřívá v místě spotřeby na  $\vartheta_2 = 70$  °C.

#### Řešení :

Účinnost čerpání čerpadlem s elektromotorem uvažujeme ve vztahu na prvotní energii  $\eta_c = 0.15$  (  $\eta$  elektrárny = 0.3 ;  $\eta$  motoru s čerpadlem = 0.5 ). Ohřev uvažujeme uhlím s účinností  $\eta_o = 0.5$ .

Energie potřebná pro studenou vodu ( vztaženo na 1 litr ):

$$W_s = m \cdot g \cdot h / \eta_c = 1 \cdot 9.806 \cdot 100 / 0.15 = 6538 \text{ J}$$

Energie potřebná pro teplou vodu ( vztaženo na 1 litr ):

$$W_t = m \cdot g \cdot h / \eta_c + m \cdot c \cdot ( \vartheta_2 - \vartheta_1 ) / \eta_o$$

$$W_t = 1 \cdot 9.806 \cdot 100 / 0.15 + 1 \cdot 4.186 \cdot 10^3 \cdot (70 - 10) / 0.5 = 6538 + 502320 = 508858 \text{ J}$$

$$n = W_t / W_s = 508858 / 6538 = 77.8$$

Voda teplá je téměř 78x energeticky náročnější než voda studená.

**Příklad 3 :**

Jaký příkon by musel mít přímotopný elektrický průtokový ohřívač, aby z vodovodního kohoutku o průměru 10 mm vytékala voda teplá  $\vartheta_2 = 60\text{ }^\circ\text{C}$  rychlostí  $v = 2\text{ m/s}$  ? Voda se ohřívá z teploty  $\vartheta_1 = 10\text{ }^\circ\text{C}$ . Účinnost ohřevu je 97 %. Kolik zářivek o příkonu 40 W by mohlo tímto příkonem svítit ?

( 33.5 kW , 838 zářivek )

**Příklad 4 :**

Kolikrát více energie potřebujeme na ohřátí 10 litrů vody o  $10\text{ }^\circ\text{C}$ , než na zdvižení těchto 10 litrů vody do výše 10m ? Účinnost ohřevu i účinnost zdvihání uvažujte 100 % .

( 427 krát více )

**Příklad 5 :**

O kolik  $^\circ\text{C}$  se ohřeje voda ve vodopádu vysokém 200 metrů, jestliže se celá její energie polohy změnila v teplo ? Z jaké výšky by musela padat voda  $0\text{ }^\circ\text{C}$  teplá, aby se uvařila ?

(  $0.47\text{ }^\circ\text{C}$ , 42 692 m )

**Příklad 6 :**

Do vany si napustíme 100 litrů vody teplé  $37\text{ }^\circ\text{C}$ , která se ohřívá z  $10\text{ }^\circ\text{C}$ . Jak vysoko bychom museli tuto vodu vynést, aby energie polohy vody se rovnala energii potřebné pro její ohřev ? Účinnost ohřevu  $\eta_o$  se rovná účinnosti zdvihání  $\eta_z$ .

( 11 527 m )

**Příklad 7 :**

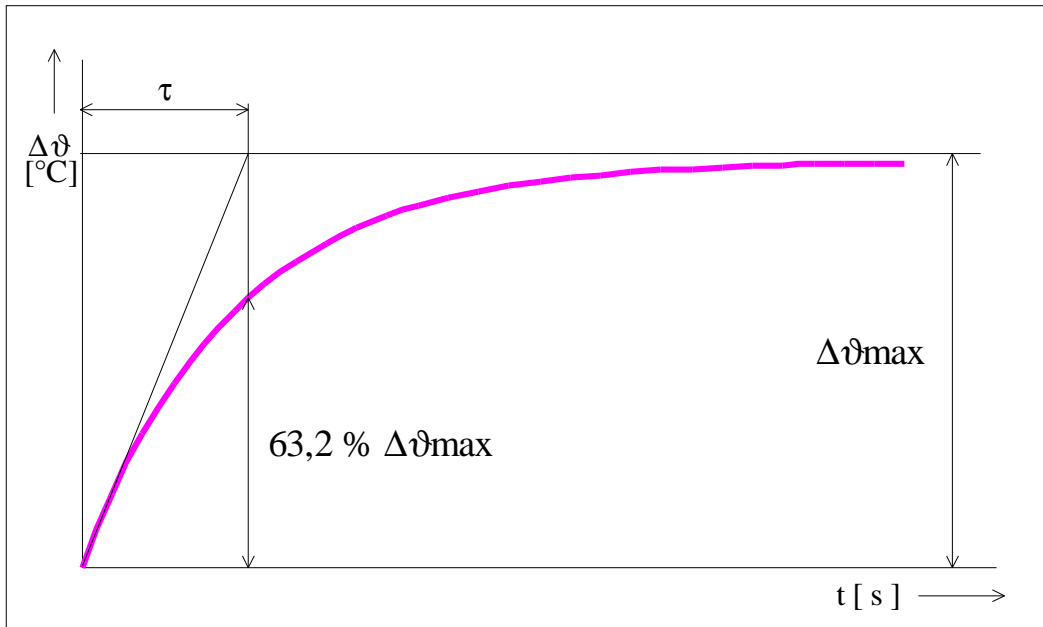
O kolik  $^\circ\text{C}$  ohřeje energie 1kWh 20 litrů vody při účinnosti ohřevu 90 % ? Kolik lidí 80 kg těžkých se energií 1 kWh dopraví výtahem z přízemí do pátého patra (23 m) při účinnosti výtahu 60 % ?

(  $38.7\text{ }^\circ\text{C}$  , 120 lidí )

**1.1.2 Oteplovací a ochlazovací děj**

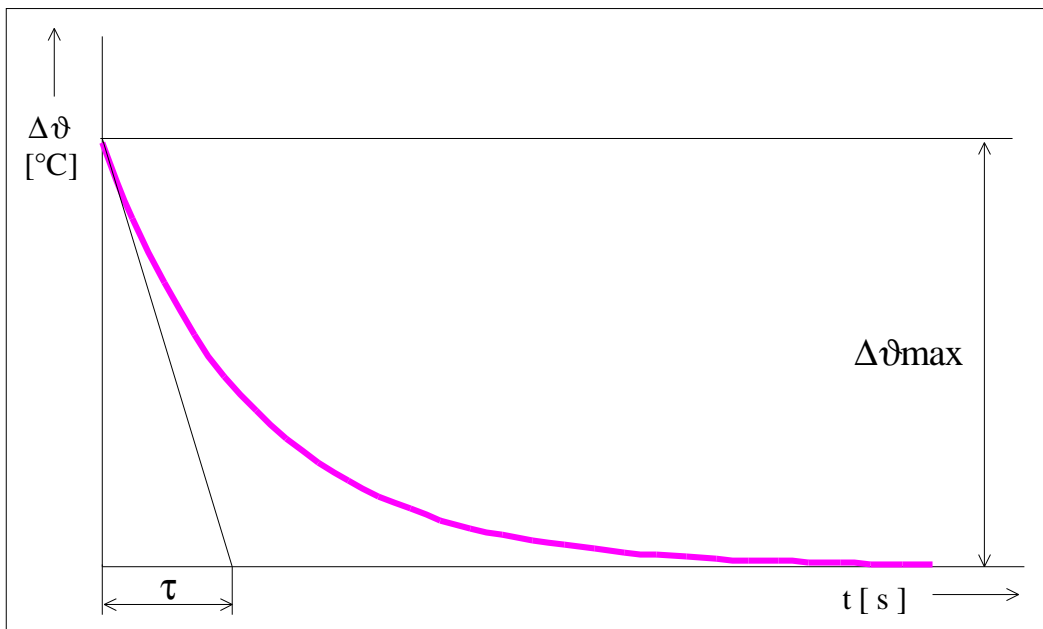
Závislost teploty na čase ohřevu vyjadřuje oteplovací křivka :

$$\Delta\vartheta = \Delta\vartheta_{\max} \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$



Závislost teploty na čase ochlazování vyjadřuje ochlazovací křivka :

$$\Delta\vartheta = \Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

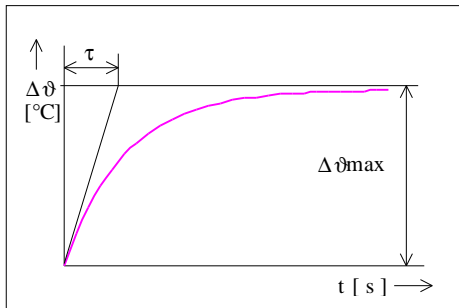


**Příklad 1 :**

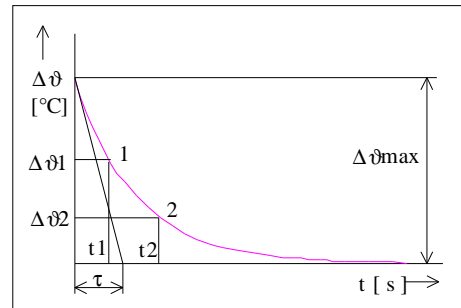
Za jak dlouho se ohřeje voda z 20 °C na 100 °C, ochladí-li se při ochlazování ze 40 °C na 30 °C za 10 minut ? Ochlazovací děj probíhá mezi teplotami 100 °C a 20 °C, časová konstanta oteplování je rovna časové konstantě ochlazování. Ukončený děj uvažujte za dobu tří časových konstant.

**Řešení :**

Oteplovací křivka :



Ochlazovací křivka :



Na ochlazovací křivce známe dva body, které musí vyhovovat její rovnici:  $\Delta\vartheta = \Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

$$\text{bod 1 : } \Delta\vartheta_1 = \Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t_1}{\tau}} \quad (1)$$

$$\text{bod 2 : } \Delta\vartheta_2 = \Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t_2}{\tau}} \quad (2)$$

Podělením rovnice ( 1 ) rovnicí ( 2 ) dostaneme rovnici o jedné neznámé :

$$\frac{\Delta\vartheta_1}{\Delta\vartheta_2} = \frac{\Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t_1}{\tau}}}{\Delta\vartheta_{\max} \cdot e^{-\frac{t_2}{\tau}}} = e^{\frac{t_2 - t_1}{\tau}}$$

Tuto rovnici zlogaritmuje a vypočteme z ní neznámou :

$$\ln \frac{\Delta\vartheta_1}{\Delta\vartheta_2} = \frac{t_2 - t_1}{\tau}$$

$$\text{kde } \Delta\vartheta_1 = \vartheta_1 - \vartheta_0 = 40 - 20 = 20 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$\Delta\vartheta_2 = \vartheta_2 - \vartheta_0 = 30 - 20 = 10 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$t_2 - t_1 = 10 \text{ min} = 600 \text{ sec}$$

$$t = \frac{t_2 - t_1}{\ln \frac{\Delta\vartheta_1}{\Delta\vartheta_2}} = 865.6 \text{ sec}$$

$$3 \cdot \tau = 3 \cdot 865.6 = 2596.9 \text{ sec}$$

## 1.2 Přenos tepla vedením

Teplu se šíří třemi způsoby buď samostatnými nebo, čistěji, jejich různými kombinacemi :

1. vedením (kondukcí)
2. prouděním (konvekcí)
3. zářením (radiací)

Pro přenos tepla vedením si definujeme součinitel tepelné vodivosti  $\lambda$  jako materiálovou konstantu charakterizující schopnost dané látky předávat teplo vedením ( tato schopnost je přímo úměrná velikosti tohoto součinitele).Jednotkou součinitele tepelné vodivosti je  $W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}$  a jeho hodnoty pro různé materiály jsou uvedeny v tabulce :

Pro vedení tepla platí vztah :

$$P = \int_S \bar{q} \cdot d\bar{S} = \int_S -I \cdot \text{grad}\Theta \cdot d\bar{S}$$

který pro homogenní teplotní vztah přejde do tvaru :

$$P = I \cdot \frac{S}{l} \cdot \Delta\vartheta$$

Řešení některých konkrétních případů vedení tepla si ukážeme v následujících příkladech.

### Příklad 1 - Rovinná stěna :

Určete tepelný výkon procházející stěnou o tloušťce  $l = 50 \text{ mm}$  a ploše  $S = 1 \text{ m}^2$ . Teplota na vnějším povrchu stěny je  $\vartheta_1 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$  , na vnitřním povrchu  $\vartheta_2 = 90 \text{ }^\circ\text{C}$ . Stěna je :

- a) ocelová ,  $\lambda = 40 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
- b) betonová ,  $\lambda = 1,1 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$
- c) diatomitová ,  $\lambda = 0,11 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$

**Řešení :**

$$P = I \cdot \frac{S}{l} \cdot \Delta\vartheta \quad ( W ; W \cdot m^{-1} \cdot K^{-1}, m^2, m , K )$$

$$\text{a) } P = 40 \cdot \frac{1}{0,05} \cdot ( 100 - 90 ) = 8\,000 \text{ W}$$

$$\text{b) } P = 1,1 \cdot \frac{1}{0,05} \cdot ( 100 - 90 ) = 220 \text{ W}$$

$$\text{c) } P = 0,11 \cdot \frac{1}{0,05} \cdot ( 100 - 90 ) = 22 \text{ W}$$

### Příklad 2 - Složená rovinná stěna :

Určete tepelný tok přes stěnu kotle. Stěna je pokryta vrstvou sazí tloušťky  $l_1=1$  mm,  $\lambda_1=0,08$  W.m<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup> a ze strany vody je kotelní kámen tloušťky  $l_3=2$  mm,  $\lambda_3=0,8$  W.m<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>. Stěna kotle má tloušťku  $l_2=12$  mm,  $\lambda_2=50$  W.m<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>. Teplota stěny na straně vody je  $\vartheta_4=206$  °C , na straně ohřevu  $\vartheta_1=685$  °C. Určete hustotu tepelného toku  $q$  , teploty na rozhraní vrstev , střední teploty vrstev. Stěna kotle má plochu  $S=10$  m<sup>2</sup>.

#### Řešení :

Hustota tepelného toku :

$$\bar{q} = \frac{\vartheta_1 - \vartheta_4}{\frac{l_1}{\lambda_1} + \frac{l_2}{\lambda_2} + \frac{l_3}{\lambda_3}} = \frac{685 - 206}{\frac{0,001}{0,08} + \frac{0,012}{50} + \frac{0,002}{0,8}} = 31\,430 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$$

Teploty na rozhraní :

saze - kotel

$$\vartheta_2 = \vartheta_1 - q \cdot \frac{l_1}{\lambda_1} = 685 - 31\,430 \cdot \frac{0,001}{0,08} = 292,12 \text{ °C}$$

vodní kámen - kotel

$$\vartheta_3 = \vartheta_4 + q \cdot \frac{l_3}{\lambda_3} = 206 + 31\,430 \cdot \frac{0,002}{0,8} = 284,58 \text{ °C}$$

Střední teploty vrstev :

saze

$$\vartheta_s = \frac{\vartheta_1 + \vartheta_2}{2} = \frac{685 + 292,12}{2} = 488,56 \text{ °C}$$

stěna kotle

$$\vartheta_{SK} = \frac{\vartheta_2 + \vartheta_3}{2} = \frac{292,12 + 284,58}{2} = 288,35 \text{ °C}$$

kotelní kámen

$$\vartheta_{KK} = \frac{\vartheta_3 + \vartheta_4}{2} = \frac{284,58 + 206}{2} = 245,29 \text{ °C}$$

Tepelný tok :

$$P = q \cdot S = 31\,430 \cdot 10 = 3,143 \cdot 10^5 \text{ W}$$

### Příklad 3 - Složená rovinná stěna , $\lambda$ závislé na teplotě :

Určete ztráty tepla dvouvrstvou stěnou ohřívací pece. Základní šamotová vrstva o tloušťce  $l_s = 230$  mm ,  $\lambda_{s0} = 0,971$  W.m<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>,  $\xi_s = 0,00058$  je izolována pórovitým šamotem o tloušťce  $l_{iz} = 115$  mm ,  $\lambda_{izo} = 0,23$  W.m<sup>-1</sup>.K<sup>-1</sup>,  $\xi_{iz} = 0,0002$  . Na vnitřní straně zdiva je teplota  $\vartheta_1 = 930$  °C , na vnější straně izolace je teplota  $\vartheta_3 = 70$  °C. Platí  $\lambda = \lambda_o + \xi \cdot \vartheta_{stř}$  , kde  $\vartheta_{stř}$  je střední teplota vrstvy.



## Řešení :

1) Odhadneme teplotu na rozhraní vrstev - např.  $\vartheta_{20} = 500 \text{ }^\circ\text{C}$

2) Vypočteme střední teplotu vrstev :

$$\text{šamot : } J_{sI} = \frac{J_1 + J_{20}}{2} = \frac{930 + 500}{2} = 715 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$\text{izolace : } J_{izI} = \frac{J_{20} + J_3}{2} = \frac{500 + 70}{2} = 285 \text{ }^\circ\text{C}$$

3) Vypočteme tepelnou vodivost při dané střední teplotě vrstvy :

$$\text{šamot : } \lambda_{sI} = \lambda_{s0} + \xi_s \cdot \vartheta_{sI} = 0,971 + 0,00058 \cdot 715 = 1,386 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$$

$$\text{izolace : } \lambda_{izI} = \lambda_{iz0} + \xi_{iz} \cdot \vartheta_{izI} = 0,23 + 0,0002 \cdot 285 = 0,287 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$$

4) Vypočteme hustotu tepelného toku :

$$\bar{q} = \frac{\Delta J}{\sum_{i=1}^2 \frac{l_i}{\lambda_i}} = \frac{930 - 70}{\frac{0,23}{1,386} + \frac{0,115}{0,287}} = 1517,7 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}$$

5) Vypočteme teplotu na rozhraní :

$$\vartheta_{2I} = \vartheta_1 - q \cdot \frac{l_s}{\lambda_s} = 930 - 1517,7 \cdot \frac{0,23}{1,386} = 678 \text{ }^\circ\text{C}$$

Jelikož se vypočtená teplota na rozhraní  $\vartheta_{2I} = 678 \text{ }^\circ\text{C}$  liší podstatně od teploty odhadnuté  $\vartheta_{20} = 500 \text{ }^\circ\text{C}$ , zopakujeme postup **1**, ÷ **5**, se vstupní teplotou na rozhraní vrstev  $\vartheta_{2I}=678 \text{ }^\circ\text{C}$ . Jednotlivé hodnoty zapíšeme do tabulky.

Veličina	$J_2$	$J_s$	$J_{iz}$	$\lambda_s$	$\lambda_{iz}$	$q$	$J_2$
Krok	$^\circ\text{C}$	$^\circ\text{C}$	$^\circ\text{C}$	$\text{W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$\text{W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$	$\text{W}\cdot\text{m}^{-2}$	$^\circ\text{C}$
<b>I</b>	500	715	285	1,386	0,287	1517,7	678
<b>II</b>	678	804	374	1,437	0,305	1601,2	673
<b>III</b>	673	801,5	371,5	1,436	0,304	1597,2	674

## Příklad 4 - Válcová stěna

Určete hustotu tepelného toku  $q$  ( $\text{W}\cdot\text{m}^{-1}$ ) stěnou žáruvzdorné ocelové trubky o rozměrech  $d_1 = 32 \text{ mm}$ ,  $d_2 = 42 \text{ mm}$ . Součinitel tepelné vodivosti materiálu, z něhož je trubka vyrobena  $\lambda = 14 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ . Teplota vnější stěny trubky  $\vartheta_1 = 580 \text{ }^\circ\text{C}$ , teplota vnitřní stěny trubky  $\vartheta_2 = 450 \text{ }^\circ\text{C}$ .

## Řešení :

Pro složenou válcovou stěnu platí pro přestup tepla vedením vztah :

$$q = \frac{2 \cdot p \cdot \Delta J}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{l_i} \cdot \ln \frac{d_{i+1}}{d_i}} \quad ( \text{W} \cdot \text{m}^{-1} ; \text{K} , \text{W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} , \text{m} )$$

Pro jednovrstvou stěnu a hodnoty našeho zadání :

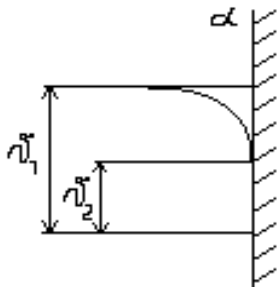
$$q = \frac{2 \cdot p \cdot (580 - 450)}{\frac{1}{14} \cdot \ln \frac{42}{32}} = 42052 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1}$$

### 1.3 Přenos tepla prouděním

Zavedeme si součinitel přestupu tepla  $\alpha$  s jednotkou  $\text{W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$ , který určuje, jak velký tepelný tok ( výkon ) protéká jednotkovou plochou při teplotním rozdílu  $1 \text{ }^\circ\text{C}$ . Přestup tepla tímto způsobem se uplatňuje při přestupu z nějaké pevné plochy do okolního prostředí nebo naopak ( obvykle v kombinaci se sáláním ).

Šíření tepla prouděním patří k nejobtížnějším výpočtovým problémům v tepelné technice. Zabývá se jím mnoho odborné literatury. V důležitých případech je nejlépe, určíme-li si součinitel přestupu tepla  $\alpha$  sami měřením na modelu co nejvíce odpovídajícím našemu případu při použití uvedených vztahů v nichž se  $\alpha$  vyskytuje.

Při přestupu tepla prouděním platí Newtonův zákon :



$$P = \alpha \cdot S \cdot \Delta \vartheta \quad ( \text{W} ; \text{W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} , \text{m}^2 , \text{K} )$$

#### Příklad 1 - Šíření tepla čistým prouděním :

Určete tepelné ztráty vvislou stěnou o ploše  $S = 1 \text{ m}^2$ . Teplota stěny  $\vartheta_1 = 60 \text{ }^\circ\text{C}$ , teplota okolí  $\vartheta_2 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$ .

- a) přirozenou konvekcí  $\alpha = 4 \cdot (\Delta \vartheta)^{0,13}$ ,  $v_0 = 0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$   
b) ofukováním  $\alpha = 5,8 + 3,95 \cdot v_0$ ,  $v_0 = 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

$v_0$  je rychlost proudění média u stěny

### Řešení :

$$\begin{aligned} \text{a) } P &= \alpha \cdot S \cdot \Delta\vartheta = 4 \cdot (\Delta\vartheta)^{0,13} \cdot S \cdot \Delta\vartheta = \\ &= 4 \cdot (60 - 10)^{0,13} \cdot 1 \cdot (60 - 10) = 332,6 \text{ W} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } P &= \alpha \cdot S \cdot \Delta\vartheta = (5,8 + 3,95 \cdot v_0) \cdot S \cdot \Delta\vartheta = \\ &= (5,8 + 3,95 \cdot 5) \cdot 1 \cdot (60 - 10) = 1277,5 \text{ W} \end{aligned}$$

### Příklad 2 :

Určete graficky průběh teploty ve stěně místnosti. Vnitřní teplota je  $\vartheta_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ , venkovní teplota  $\vartheta_5 = -20 \text{ }^\circ\text{C}$ . Vnitřní zeď je cihlová tloušťky  $s_1 = 0,36 \text{ m}$ , součinitel tepelné vodivosti  $\lambda_1 = 0,464 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ , dále je vrstva betonu tloušťky  $s_2 = 0,13 \text{ m}$ , součinitel tepelné vodivosti  $\lambda_2 = 1,102 \text{ W}\cdot\text{m}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ . Součinitel přestupu tepla na vnitřním povrchu je  $\alpha_2 = 17,4 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$ , součinitel přestupu tepla venkovního povrchu je  $\alpha_1 = 5,8 \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{K}^{-1}$ .

### Řešení :

- 1) Nakreslíme si v měřítku řez složenou stěnou, kterou prostupuje tepelný tok.
- 2) Na svislé ose si vyznačíme vnitřní a venkovní teplotu.
- 3) Na úrovni vnitřní teploty si vpravo od stěny zvolíme pól  $P$ .
- 4) Vypočítáme si jednotkové tepelné odpory příslušné danému způsobu šíření tepla a daným parametrům.
- 5) Na svislou polopřímku v libovolném bodě mezi pólem  $P$  a složenou stěnou budeme od úrovně vnitřní teploty směrem k úrovni venkovní teploty postupně v měřítku nanášet jednotkové tepelné odpory :
  - proudění na vnitřní straně složené stěny
  - vedení vrstvou cihel
  - vedení vrstvou betonu
  - proudění na venkovní straně složené stěny
- 6) Spojíme pól  $P$  s konci takto vynesných tepelných odporů.
- 7) V místě, kde nám spojnice pólu s koncovým bodem posledního tepelného odporu protne úroveň venkovní teploty, zkonstruujeme polopřímku svislým směrem.
- 8) Průsečíky spojnic pólu s koncovými body jednotkových tepelných odporů s takto zkonstruovanou polopřímkou nám udávají teploty na rozhraní jednotlivých vrstev :
  - na vnitřní straně složené stěny
  - na rozhraní dvou vrstev složené stěny
  - na vnější straně složené stěny
- 9) Vyneseme tyto teploty do patřičných míst složené stěny.
- 10) Spojením těchto teplot dostaneme požadované grafické znázornění průběhu teplot.

Výpočet jednotkových tepelných odporů :

- proudění u vnitřního povrchu složené stěny

$$R_{q1} = \frac{1}{\alpha_2} = \frac{1}{17,4} = 0,0575 \text{ W}^{-1} \cdot \text{K}$$

- vedení tepla cihlovou vrstvou

$$R_{q2} = \frac{s_1}{I_1} = \frac{0,36}{0,464} = 0,776 \text{ W}^{-1} \cdot \text{K}$$

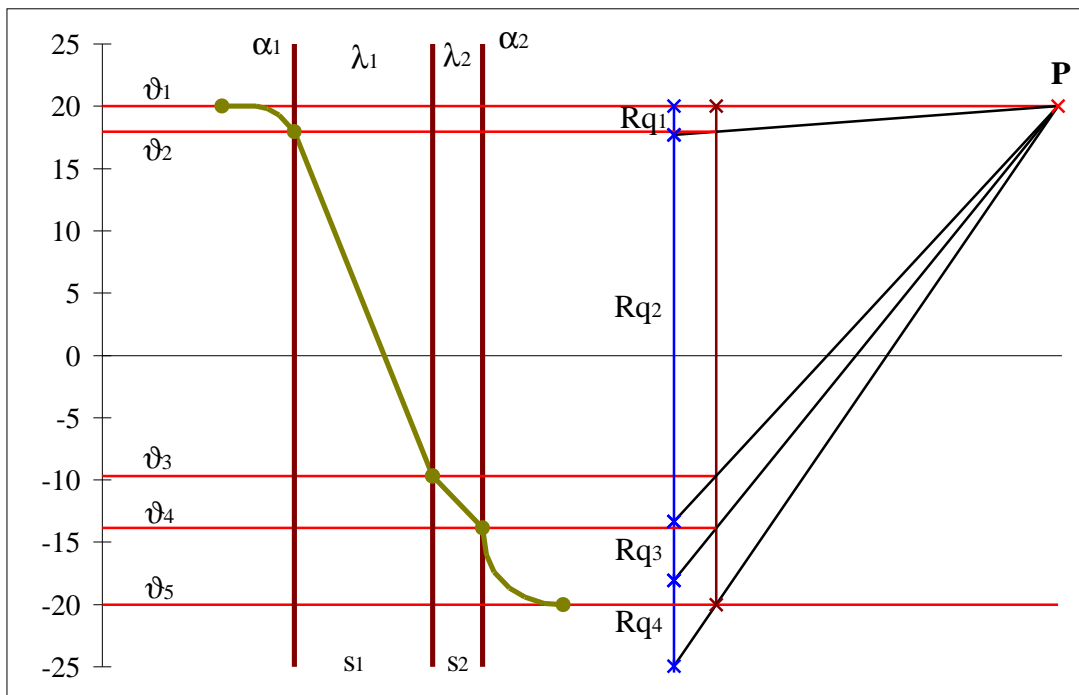
- vedení tepla betonovou stěnou

$$R_{q3} = \frac{s_2}{I_2} = \frac{0,13}{1,102} = 0,118 \text{ W}^{-1} \cdot \text{K}$$

- proudění u vnějšího povrchu složené stěny

$$R_{q4} = \frac{1}{\alpha_1} = \frac{1}{5,8} = 0,172 \text{ W}^{-1} \cdot \text{K}$$

Grafická konstrukce :



## 1.4 Přenos tepla sáláním

Každé těleso, jehož teplota je vyšší než 0 K, vyzařuje svým povrchem tepelnou energii. Je to elektromagnetické vlnění, které se řídí zákony geometrické optiky.

Zákony, jimiž se řídí šíření tepla sáláním :

a) Zákon Stefan-Boltzmannův :

$$P_{\check{c}} = \sigma_{\check{c}} \cdot \Theta^4 \quad (W \cdot m^{-2}; W \cdot m^{-2} (K/100)^{-4}, K)$$

Stefan-Boltzmannova konstanta  $\sigma_{\check{c}} = 5,6697 W \cdot m^{-2} (K/100)^{-4}$

b) Zákon Planckův :

$$M_{\lambda\check{c}} = f(\Theta, \lambda) = \frac{c_1}{\lambda^5 \cdot \left( e^{\frac{c_2}{\lambda \cdot \Theta}} - 1 \right)} \quad (W \cdot m^{-4}; m, K)$$

$$c_1 = 3,73 \cdot 10^{-16} W \cdot m^2$$

$$c_2 = 1,438 \cdot 10^{-2} m \cdot K$$

c) Zákon Wienův :

$$\lambda_m = \frac{2892}{\Theta} \quad (\mu m; K)$$

d) Tepelný výkon předávaný si dvěma rovnoběžnými, stejně velkými plochami. Každá s plochou A, z nichž jedna má teplotu  $\Theta_1$  a emisivitu  $\varepsilon_1$  a druhá teplotu  $\Theta_2$  a emisivitu  $\varepsilon_2$  :

$$P = \frac{A \cdot s_{\check{c}}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{1}{\varepsilon_2} - 1} \cdot \left[ \left( \frac{\Theta_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{\Theta_2}{100} \right)^4 \right] \quad (W)$$

e) Dvě plochy, z nichž  $A_2$  zcela prostorově obklopuje menší  $A_1$  :

$$P = \frac{A_1 \cdot s_{\check{c}}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{A_1}{A_2} \cdot \left( \frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)} \cdot \left[ \left( \frac{\Theta_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{\Theta_2}{100} \right)^4 \right] \quad (W)$$

**Příklad 1 :**

Určete  $P_{\check{c}}$ ,  $\lambda_m$ ,  $M_{\lambda_{m\check{c}}}$  absolutně černého tělesa o ploše  $S = 300 \text{ cm}^2$  a teplotě  $\vartheta = 1200^\circ\text{C}$

**Řešení :**

Tepelný tok ( výkon ) :

$$P_{\check{c}} = \sigma_{\check{c}} \cdot \Theta^4 \cdot S = 5.6697 \cdot \left( \frac{1200 + 273.15}{100} \right)^4 \cdot 300 \cdot 10^{-4} = 8000 \text{ W}$$

Vlnová délka, na níž je maximum spektrální hustoty intenzity vyzařování :

$$\lambda_m = 2892 / \Theta = 2892 / ( 1200 + 273.15 ) = 1.96 \mu\text{m}$$

Spektrální hustota intenzity vyzařování na vlnové délce  $1.96 \mu\text{m}$  :

$$M_{\lambda_{m\check{c}}} = \frac{c_1}{I_m^5 \cdot \left( e^{\frac{c_2}{I_m \cdot \Theta}} - 1 \right)} = \frac{3.73 \cdot 10^{-16}}{\left( 1.96 \cdot 10^{-6} \right)^5 \cdot \left( e^{\frac{1.438 \cdot 0.01}{1.96 \cdot 10^{-6} \cdot 1473.15}} - 1 \right)} = 8.9 \cdot 10^{10} \text{ W} \cdot \text{m}^{-3}$$

**Příklad 2 :**

Určete tepelný výkon sálající z tělesa o ploše  $A_1 = 1 \text{ cm}^2$ , teplotě  $\vartheta_1 = 1000^\circ\text{C}$ , emisivitě  $\varepsilon_1 = 0.9$  na těleso o ploše  $A_2 = 10 \text{ cm}^2$ , teplotě  $\vartheta_2 = 0^\circ\text{C}$ , emisivitě  $\varepsilon_2 = 0.9$ . Druhé těleso zcela prostorově obklopuje první.

**Řešení :**

$$P = \frac{A_1 \cdot \sigma_{\check{c}}}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{A_1}{A_2} \cdot \left( \frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)} \cdot \left[ \left( \frac{\Theta_1}{100} \right)^4 - \left( \frac{\Theta_2}{100} \right)^4 \right]$$

$$P = \frac{1 \cdot 10^{-4} \cdot 5.67}{\frac{1}{0.9} + \frac{1}{10} \cdot \left( \frac{1}{0.9} - 1 \right)} \cdot \left[ \left( \frac{1273}{100} \right)^4 - \left( \frac{273}{100} \right)^4 \right] = 13.25 \text{ W}$$